Webseiten

http://www.physik.uni-greifswald.de/

Dort Bereiche klicken

Dann Atom- und Molekülphysik klicken

Oder gleich: http://www6.physik.uni-greifswald.de/

In linker Spalte: teaching klicken

Dort Physik für Pharmazeuten klicken

PDFs der Vorlesungsfolien:
- Einführung
- Mechanik 1
- Mechanik 2
- Schwingungen und Wellen (In Vorbereitung)

…

Übersicht gkg ... pharm. Prüf.

Einführung

1 Allgemeines

2 Mechanik

3 Wärmelehre

4 Elektrizität und Magnetismus

5 Optik

6 Schwingungen und Wellen

7 Atomistische Struktur der Materie

(8 Grundlagen der Arzneiformenlehre)

6 Schwingungen und Wellen

6.1 Allgemeines über Schwingungen

6.1.1 Darstellung: Darstellung harmonischer Schwingungsvorgänge (quantitativ, s.a. 2.1.4)

6.1.2 Schwingungsenergie: Periodischer Wechsel zwischen verschiedenen Energieformen am Beispiel Federpendel und elektrischer Schwingkreis (s.a. 2.3.2 und 4.7.4)

6.1.3 Schwingungsfähige Systeme: Eigenfrequenz von elektrischem Schwingkreis (s.a. 4.7.4) und Federpendel (s.a. 2.3.2), Resonanz schwingungsfähiger Systeme

6.1.4 Gedämpfte Schwingungen: Schematische Darstellung einfacher Einschwing- und Abklingvorgänge

9. Mai 2007 - Experimente

Geplante Experimente:

– Schwingungen
  - Auslenkung eines Federpendels in Abhängigkeit von der Zeit (Diagramms-Darstellung mit Hilfe des Computers) bei geringer und starker Dämpfung
  - ungedämpfte Schwingung eines mathematischen Pendels (Ausgleich der Dämpfung durch elektronische Schaltung)
  - erzwungene Schwingungen
  - Schwebung mit Luftsäulen
  - gekoppelte Pendel

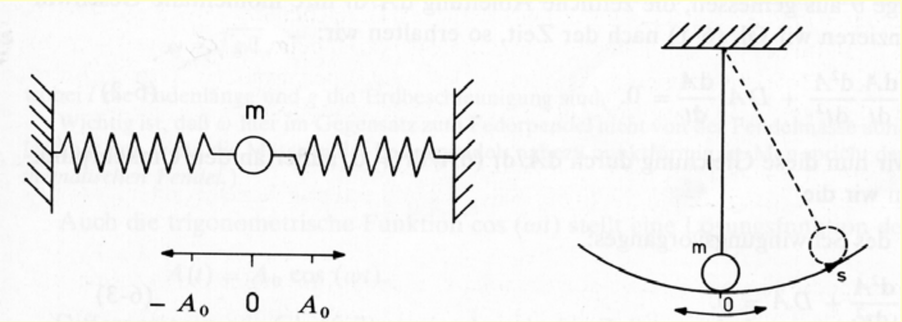
– Wellen
  - Wellenmodelle (Transversal- und Longitudinalwellen)
  - Versuche mit der Wellenwanne
  - Dopplereffekt von Schallwellen
  - stehende Seilwellen

Periodische Vorgänge

Nicht-periodische Vorgänge:
Einmalig (z.B. Aufprall) oder wiederholt aber unregelmäßig (statistische Verteilung, z.B. Prasseln von Hagelkörnern, radioaktiver Zerfall)

Periodische Vorgänge
wiederholen sich nach einem Zeitintervall *T* immer wieder
(z.B. Herzschlag, tropfender Wasserhahn)

Harmonische Vorgänge:
Spezialfall der periodischen Vorgänge. Darstellung durch Sinus- bzw. Cosinus-Funktion
(z.B: Saitenschwingung, Pendel)



Federpendel Fadenpendel

Schwingungen: Periodische Vorgänge in einer Variablen, der Zeit
Wellen: Ausbreitung von Schwingungsvorgängen im Raum;
dabei im Allg. Energietransport, aber kein Materietransport!

Freie Schwingung

Impulsänderung = Reibungskraft + rücktreibende Kraft

$$m\frac{d^2 s}{dt^2} = -\gamma\frac{ds}{dt} - ks$$

$$m\frac{d^2 s}{dt^2} + \gamma\frac{ds}{dt} + m\omega_0^2 s = 0$$

Homogene Differentialgleichung

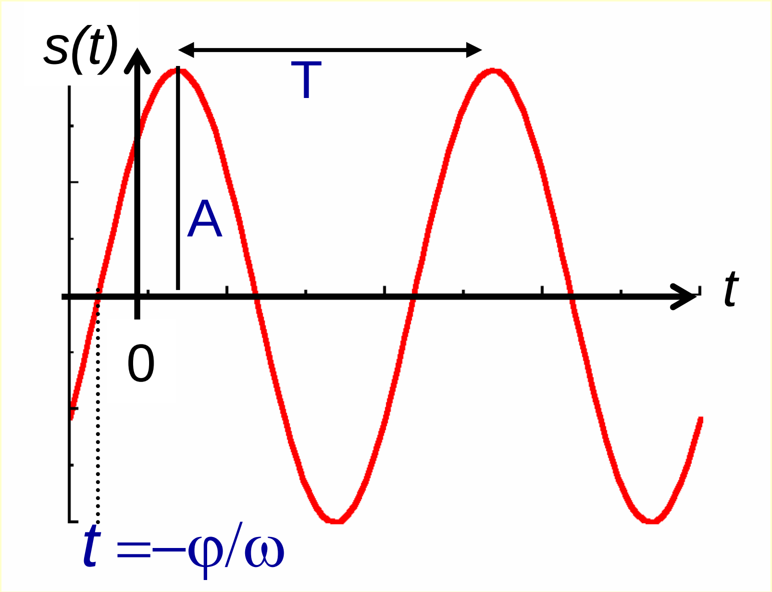
Lösung
ohne Reibung (γ = 0):

$$s(t) = A\sin(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\omega_0 = \sqrt{k/m}$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m}, \quad \nu_0 = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$$



Charakterisiert durch: Amplitude, (Kreis-)Frequenz/Periode, (Anfangs)Phase

Alternative Lösungsschreibweisen

Es war: $s(t) = A\sin(\omega_0 t + \varphi) = A\sin\left(\frac{2\pi}{T}t + \varphi\right)$

anders geschrieben: $= A\cos(\omega_0 t + \varphi - \pi/2) = A\cos(\omega_0 t + \varphi')$

oder auch: $= A_s \sin(\omega_0 t) + A_c \cos(\omega_0 t)$

wobei $A = \sqrt{A_s^2 + A_c^2}$

Zur Bedeutung der Amplitude *A*:

Betrachte Federpendel:
Dann ist *A* die Maximalauslenkung von der „Ruhelage“ des Pendels, d.h. die Position der Umkehrpunkte.
$A\omega_0$ die Maximalgeschwindigkeit bei der Schwingung durch den Nullpunkt.
Für die jeweils beteiligten Energien gilt:

$$\frac{k}{2}A^2 = \frac{m}{2}(A\omega_0)^2$$

pot. Energie kin. Energie

in Übereinstimmung mit $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$

Gedämpfte Schwingungen

Immer noch $$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=0$$

Jetzt aber mit Reibung ($\gamma \neq 0$):

Lösung im Allg.: $$s(t)=A_0\,e^{-\frac{\gamma}{2m}t}\sin(\omega t+\varphi)=A(t)\sin(\omega t+\varphi)$$

Auch die Amplitude ist jetzt eine Funktion der Zeit

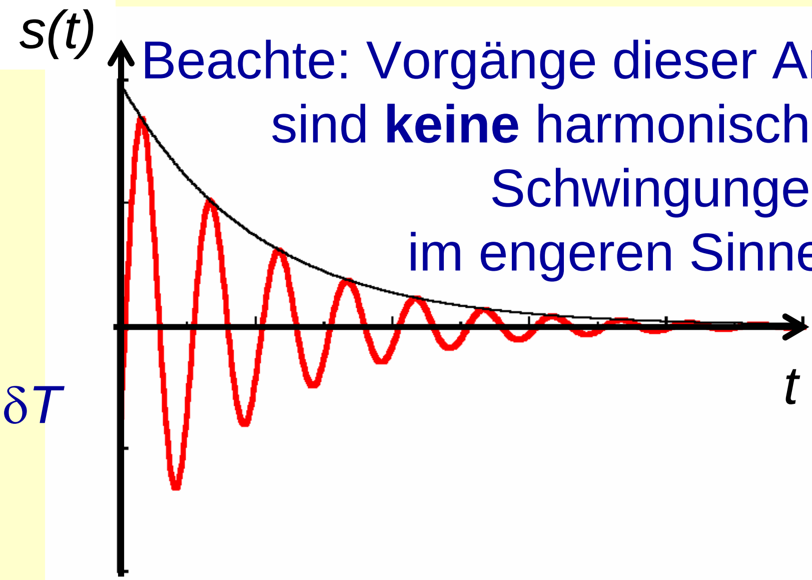
$$A(t)=A_0\,e^{-\frac{\gamma}{2m}t}=A_0\,e^{-\delta t}$$

Abklingzeit $1/\delta$

Logarithmisches Dekrement δT

Die Frequenz verschiebt sich:

$$\omega=\sqrt{k/m-\gamma^2/4m^2}$$
$$=\sqrt{\omega_0^2-\delta^2}\neq\omega_0$$



Beachte: Vorgänge dieser Art sind **keine** harmonische Schwingungen im engeren Sinne!

Weitere Stichpunkte: Kriechfall, aperiodischer Grenzfall $\delta^2 \geq \omega_0^2$

Erzwungene Schwingung

$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=0$$

freie Schwingung,
homog. Differentialgleichung

Reibung

Rückstellkraft

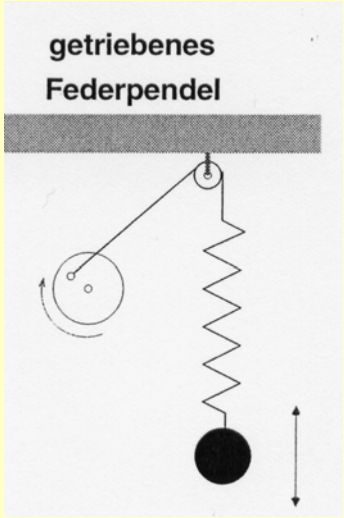
$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=F(t)$$

im Allg. inhomog. Dgl. mit
(äußerer) Kraft

$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=F_0\sin(\omega t)$$

Einfachster Fall:
periodisch treibende Kraft
ω i.a. verschieden von ω_0

Beispiel:



„Spezielle Lösung“
der inhomog. Dgl.

$$s(t)=A(\omega)\sin(\omega t-\varphi)$$

Resonanz

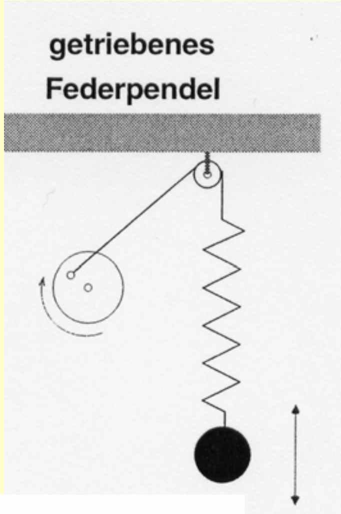
$$m\frac{d^2 s}{dt^2} + \gamma\frac{ds}{dt} + m\omega_0^2 s = F_0 \sin(\omega t)$$

Reibung

Rückstell-
kraft

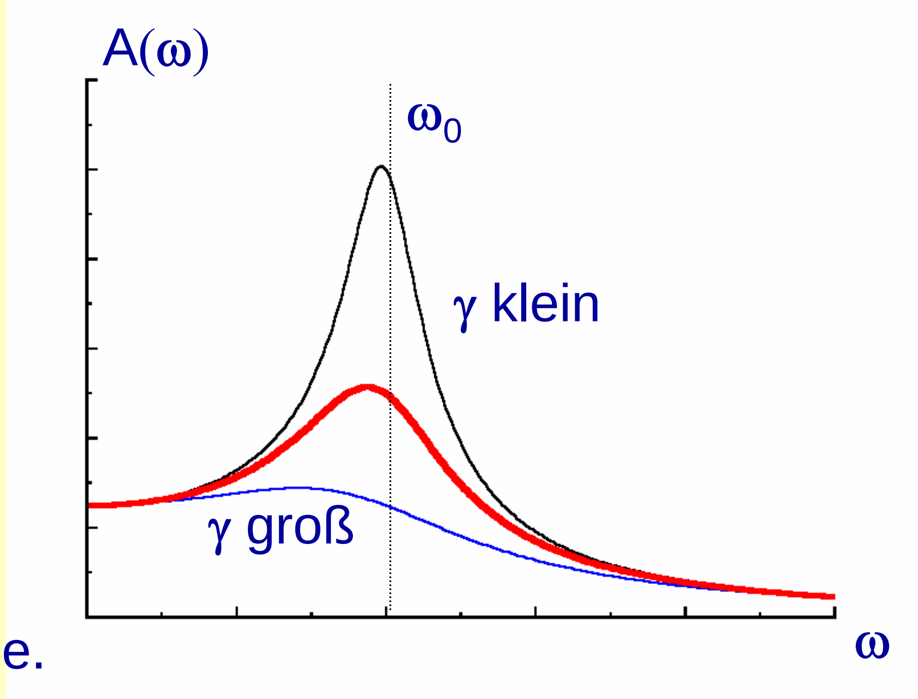
periodisch
treibende Kraft

erzwungene
Schwingung



$$s(t) = A(\omega)\sin(\omega t - \varphi)$$

$$A(\omega) = \frac{F_0}{\sqrt{\left(\omega^2 - \omega_0^2\right)^2 + (2\delta\omega)^2}}$$



ω ist Frequenz der treibenden Kraft, daher erzwungene Schwingung.

Resonanz („Mit-Tönen“) heißt, dass bei der Anregung die „Eigenfrequenz“ getroffen wurde.

Amplitude und Phase

Lösung für erzwungene Schwingung

$$s(t) = A(\omega)\sin(\omega t - \varphi)$$

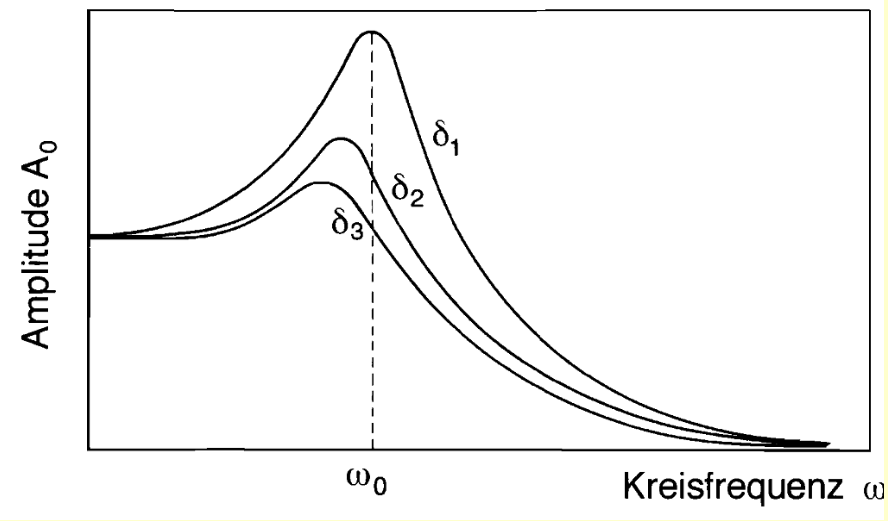
Amplitude

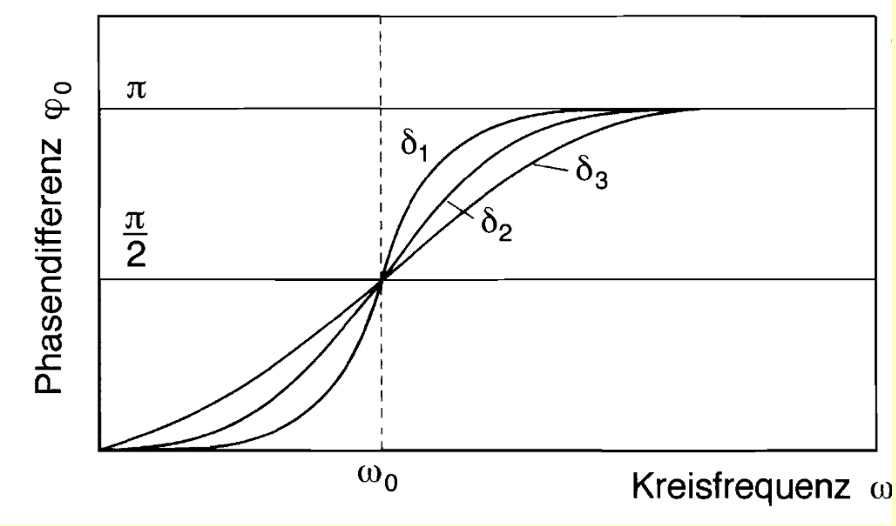
$$A(\omega) = \frac{F_0}{\sqrt{\left(\omega^2 - \omega_0^2\right)^2 + (2\delta\omega)^2}}$$

mit Resonanzfrequenz
(d.h. Maximum der Amplitude bei)

$$\omega_r = \sqrt{\omega_0^2 - 2\delta^2}$$

Phase $$\varphi(\omega) = \arctan\frac{2\delta\omega}{\omega_0^2 - \omega^2}$$





Einschwing- und Abklingvorgänge

Lösungen der homog. Dgl.

$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=0$$

sind automatisch auch Lösungen jeder inhomog. Dgl.

$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=F(t)$$

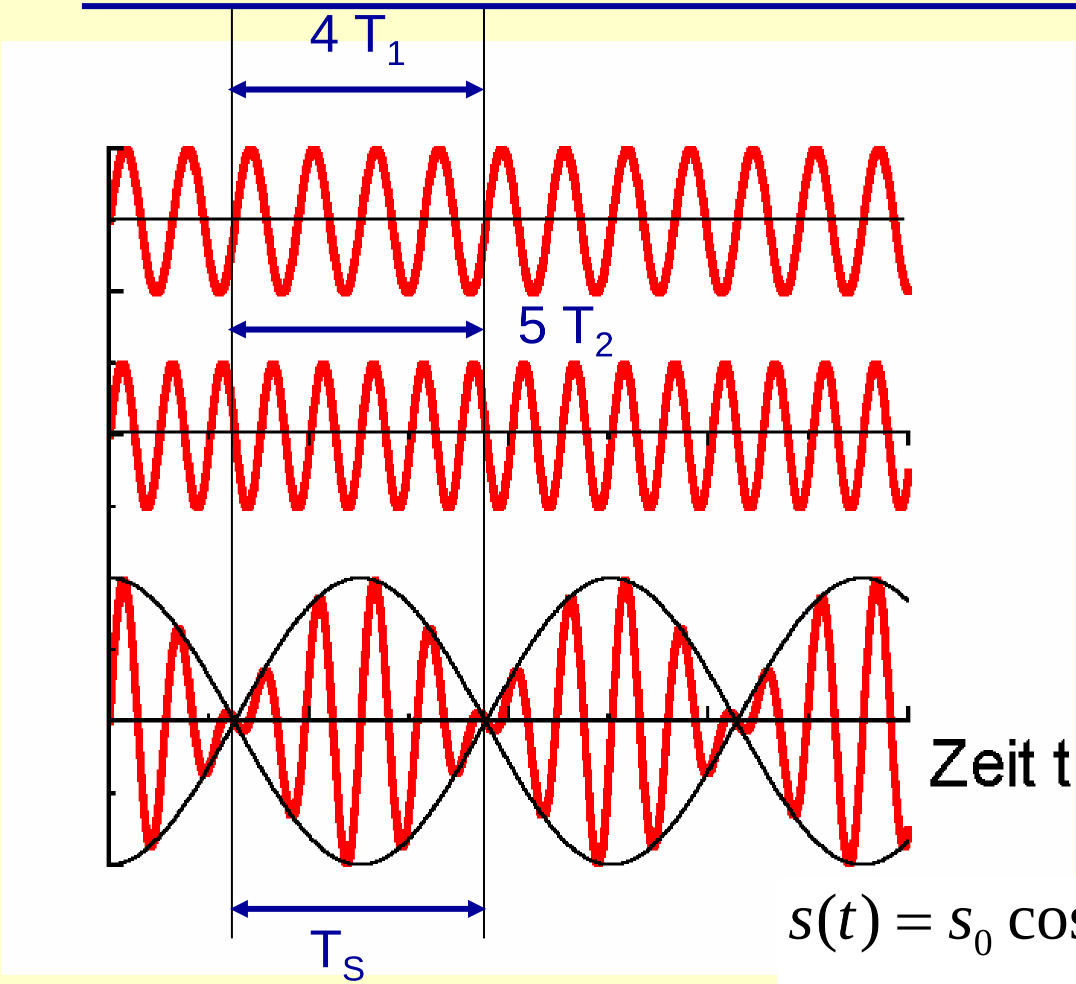
also auch der speziellen mit harmonischen antreibenden Kräften:

$$m\frac{d^2s}{dt^2}+\gamma\frac{ds}{dt}+m\omega_0^2 s=F_0\sin(\omega t)$$

Die Lösungen der homog. Dgl. klingen allerdings aufgrund des Dämpfungsterms mit der Zeit ab, während die speziellen Lösungen der inhomog. Dgl. eine konstante Amplitude beitragen.

Damit „gewinnt“ auf die Dauer die spezielle Lösung.
Im Zusammenhang mit dem An- bzw. Ausschalten von treibenden Kräften spricht man von „Einschwing- und Abklingvorgängen“.

Schwebung



Überlagerung zweier Schwingungen

Einfachster Fall:

- gleiche Amplitude
- verschiedene Frequenzen

$$s_1(t) = s_0 \cos(\omega_1 t)$$

$$s_2(t) = s_0 \cos(\omega_2 t)$$

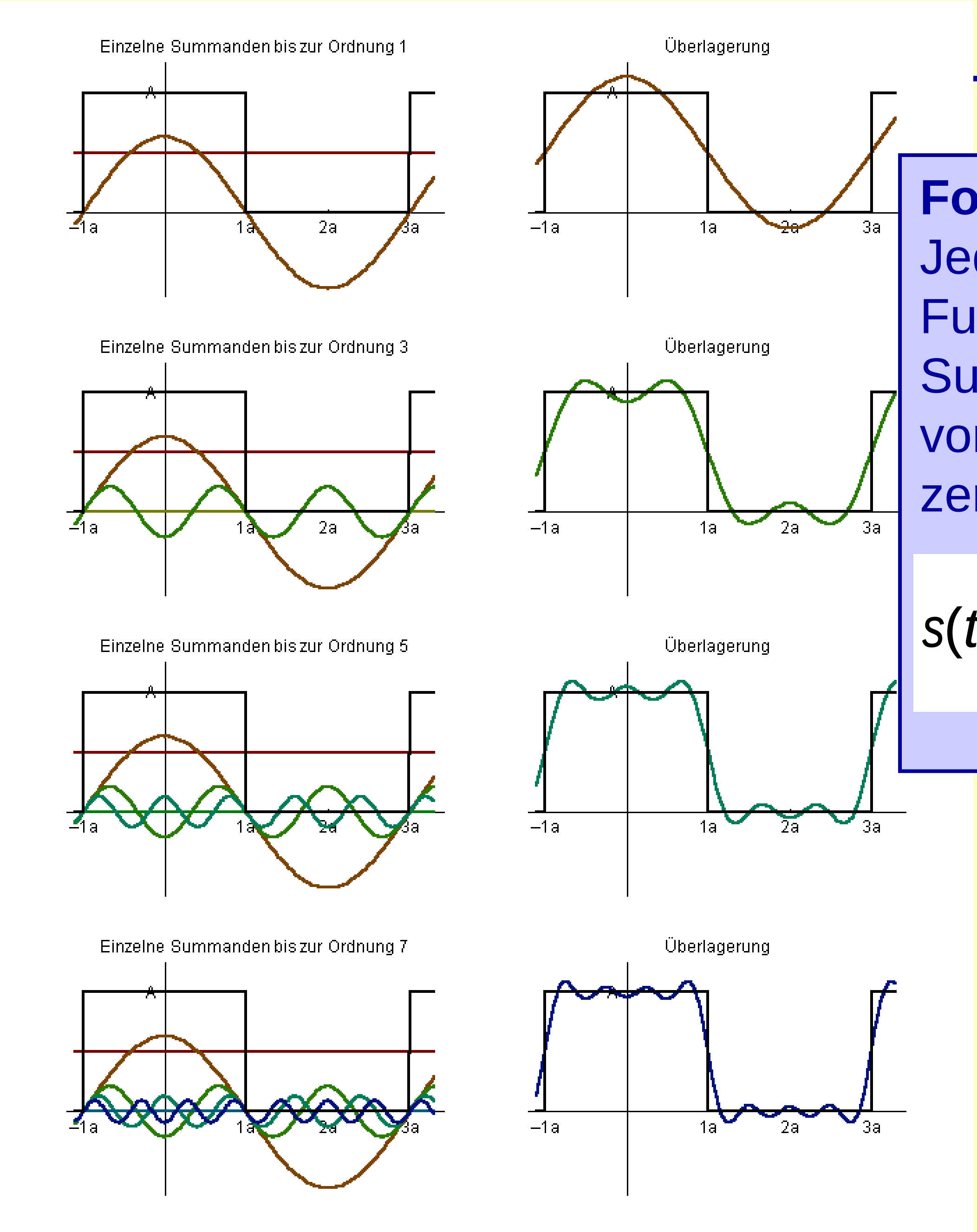
Oft (vor allem bei kleinen Amplituden) gilt das Superpositionsprinzip

$$s(t) = s_0 \cos(\omega_1 t) + s_0 \cos(\omega_2 t)$$

$$= 2 s_0 \cos\left(\frac{\omega_1 - \omega_2}{2} t\right) \cos\left(\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} t\right)$$

„Differenz-frequenz“ „Summen-frequenz“

Fourier-Theorem

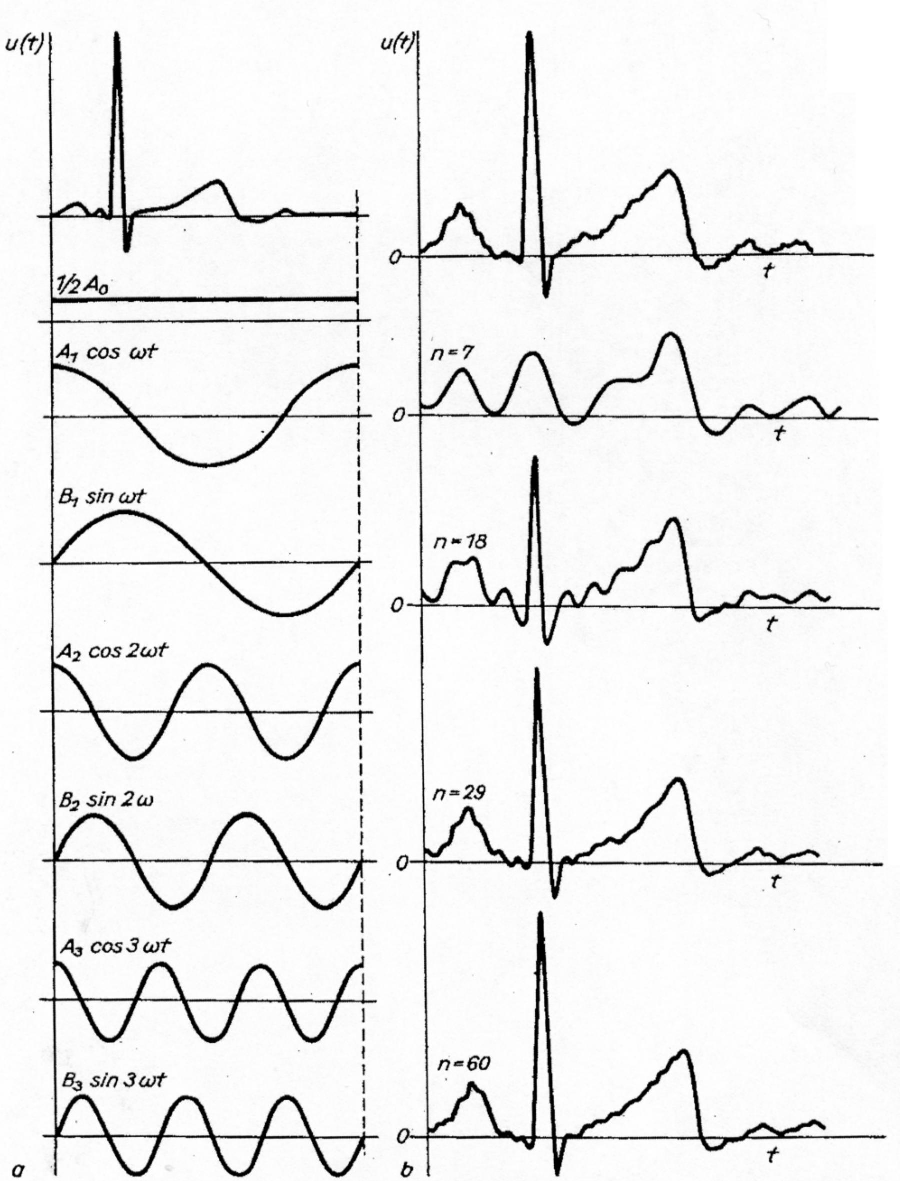


Fouriersches Theorem:
Jede beliebige periodische Funktion s(t) läßt sich in eine Summe von Sinus- und Cosinus-Funktionen zerlegen:

$$s(t) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t)$$

1768-1830

Fourier-Zerlegung EKG



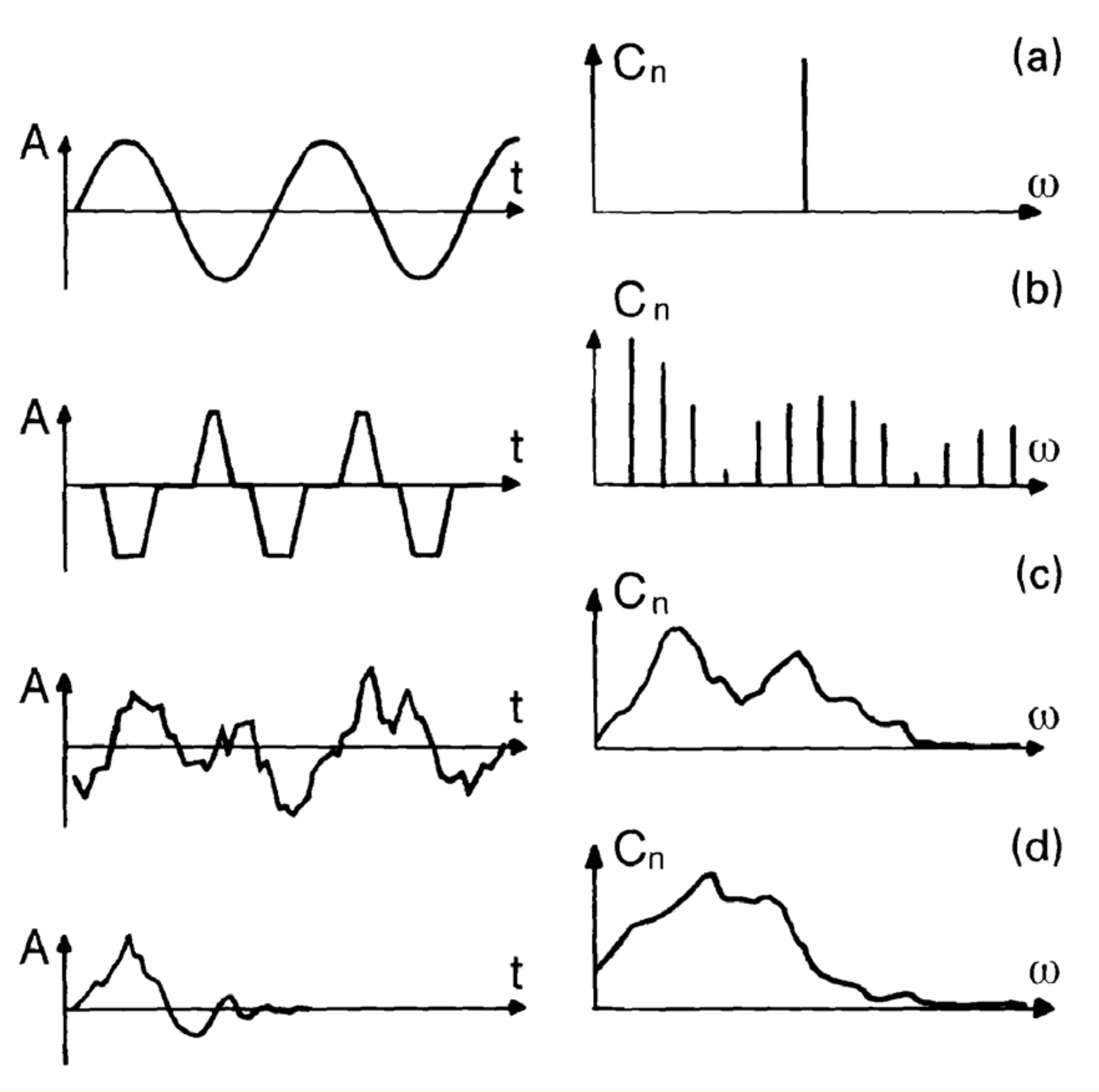
a Original-EKG und die ersten FOURIER-Komponenten; *b* Annäherung eines EKG durch die Summenkurven der ersten 7, 18, 29 und 60 FOURIER-Komponenten. Etwa 30 FOURIER-Komponenten genügen, um das EKG im wesentlichen darzustellen. Bei 100 Komponenten gehen die Abweichungen in der Strichstärke unter (nach KNEPPO)

Fouriersches Theorem:
Jede beliebige periodische Funktion s(t) läßt sich in eine Summe von Sinus- und Cosinus-Funktionen zerlegen:

$$s(t) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t)$$

1768-1830

Ton, Klang, Geräusch, Knall



Signal in Zeitdomäne (Amplitudenfunktion)

Signal in Frequenzdomäne (Spektrum)

Ton:
harmonische Schwingung
Linienspektrum

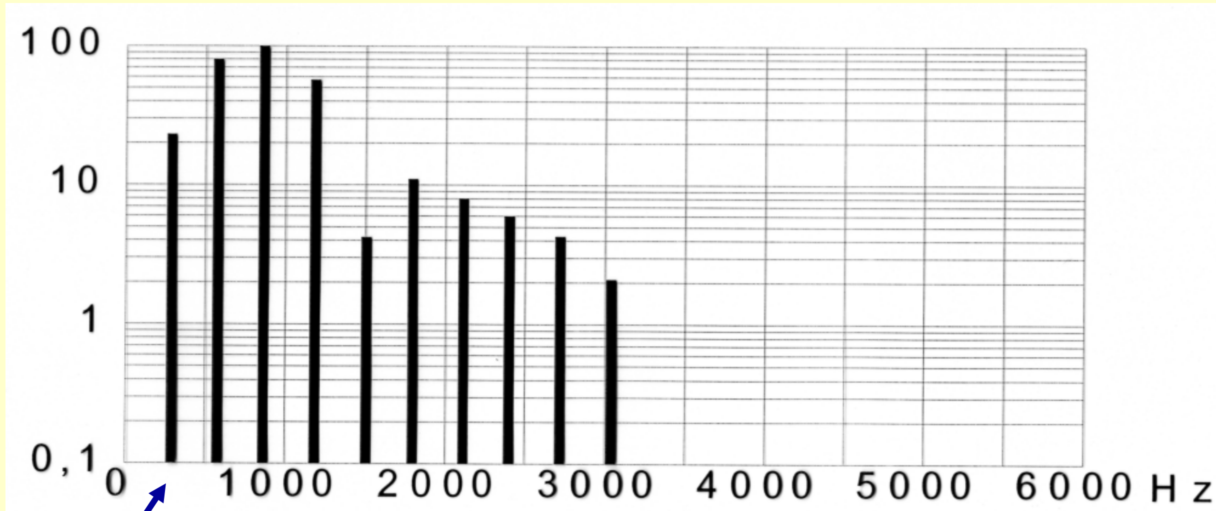
Klang:
anharmonische Schwingung
Grundton+Harmonische
Linienspektrum

Geräusch:
Überlagerung von vielen Wellen aus großem Frequenz-bereich
kontinuierliches Spektrum

Knall:
zeitlich gedämpftes Geräusch
kontinuierliches Spektrum

Schallwahrnehmung

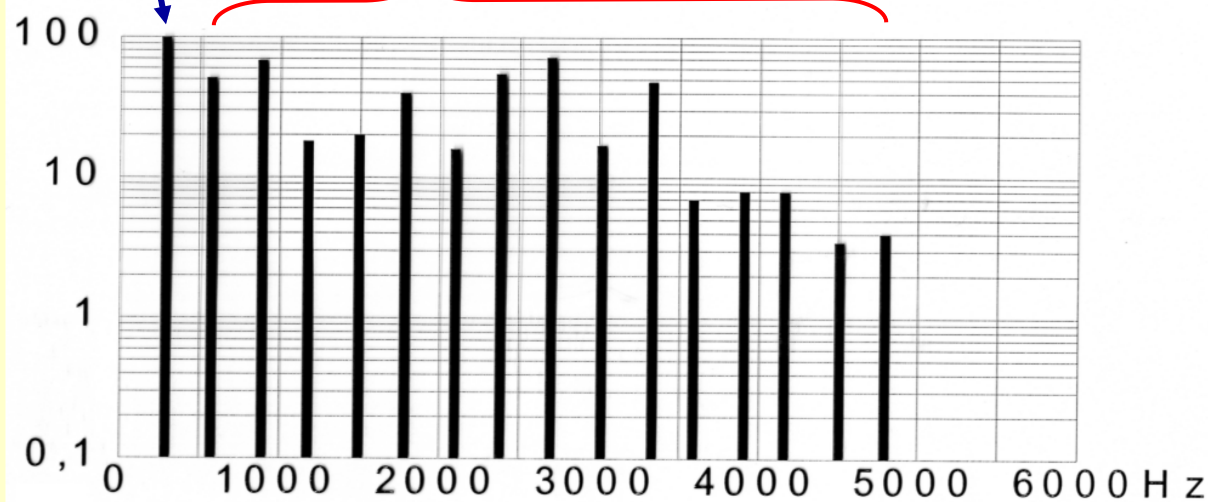
Geige



gespielter Grundton

Obertöne

Metall. Flöte



6.2 Wellen

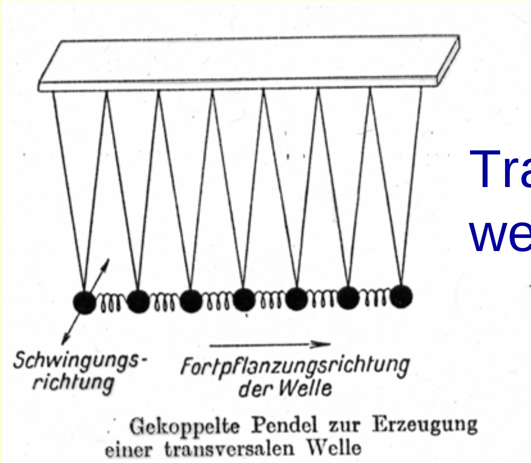
6.2.1 Ausbreitung: Zusammenhang von Ausbreitungsgeschwindigkeit, Frequenz und Wellenlänge; Abhängigkeit dieser Größen vom Medium; Definition der Wellenzahl; Ausbreitungsgeschwindigkeit elektromagnetischer Wellen im Vakuum (s.a. 5.1.2)

6.2.2 Darstellung: Raum- und Zeitdarstellung von sinusförmigen Wellen

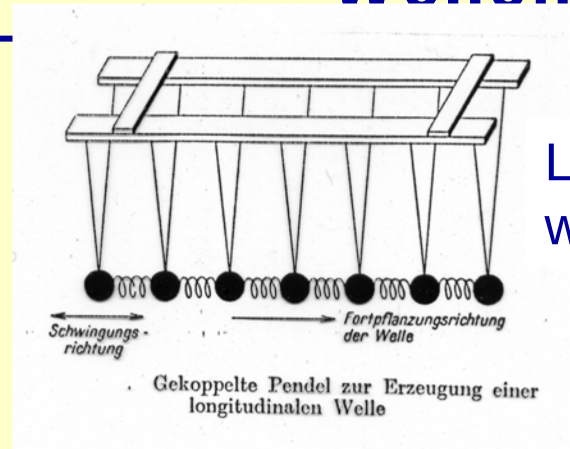
6.2.3 Schwingungsformen: Transversale und longitudinale Wellen (schematisch); Beispiele (elektromagnetische Wellen, Schallwellen); Lichtpolarisation (s.a. 5.4.1)

6.2.4 Interferenz: Huygens'sches Prinzip; Überlagerung zweier Wellenzüge, Voraussetzung für vollständige Auslöschung; Grundzüge der Interferenz am optischen Strichgitter (s.a. 5.3.5)

Wellentypen

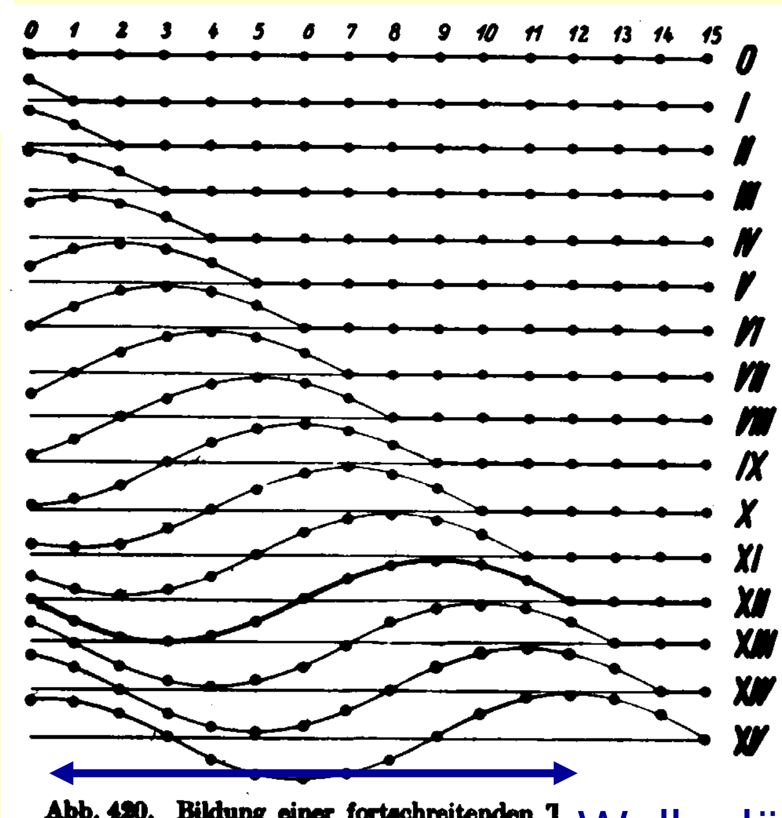


Transversal-
welle

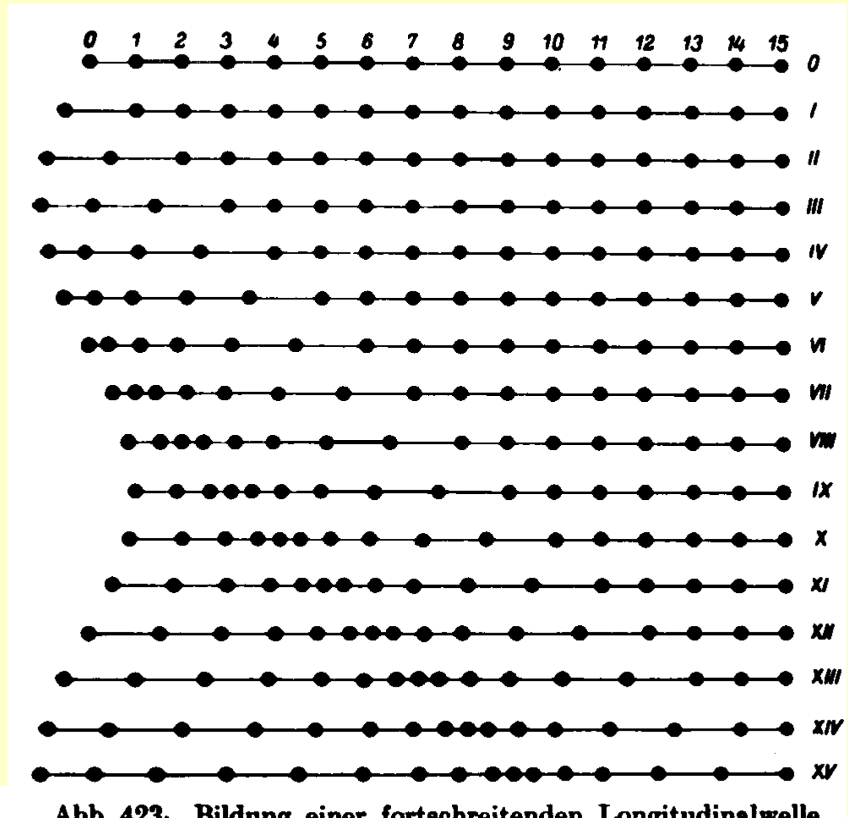


Longitudinal-
welle

Periodendauer



Wellenlänge



Wellengeschwindigkeit

$$u(x,t) = u_0 \sin(kx - \omega t)$$ math. Form einer Welle

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{1}{\nu}$$ Periodendauer

$$\lambda = \frac{2\pi}{k}$$ Wellenlänge

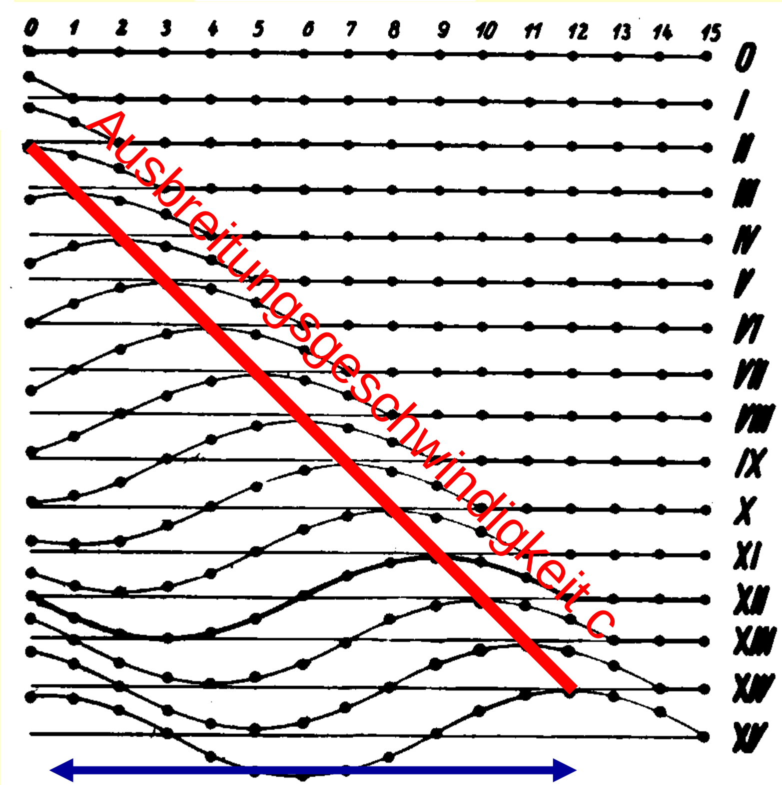


Abb. 420. Bildung einer fortschreitenden T

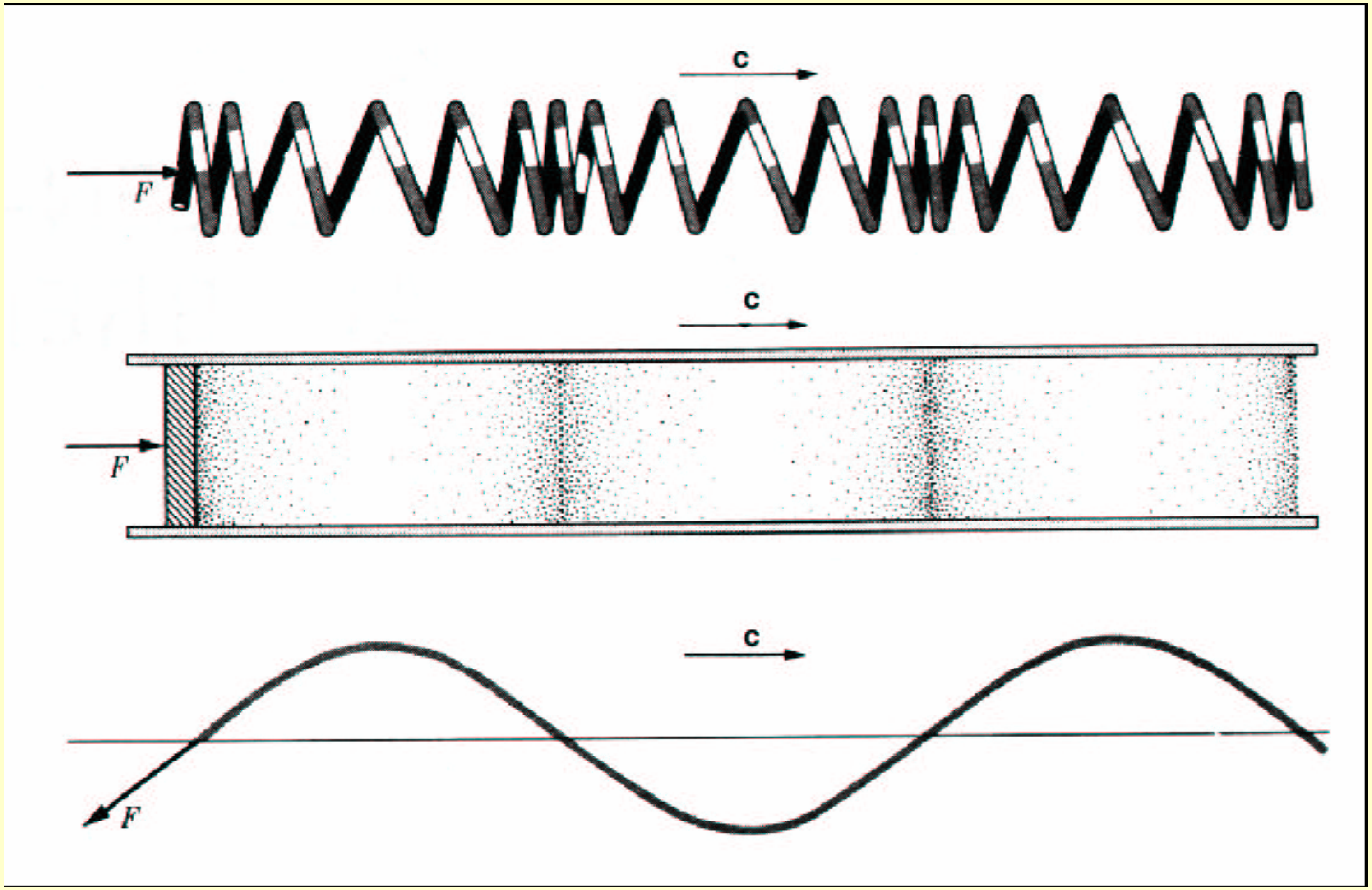
$$c = \nu\,\lambda = \frac{\lambda}{T} = \frac{\omega}{k}$$ Ausbreitungs-geschwindigkeit der Welle

Allgemein:

$$c_{Phase} = \frac{\omega}{k}$$

$$c_{Gruppe} = \frac{d\omega}{dk}$$ Dispersion

Wellen-Beispiele



Feder

Gas im Rohr

Seil

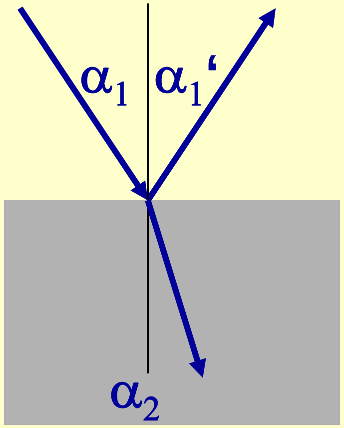
Reflexion, Brechung, Interferenz

Reflexion:

$$\alpha_1 = \alpha_1'$$

Brechung:

$$\frac{\sin\alpha_1}{\sin\alpha_2} = \frac{c_1}{c_2}$$



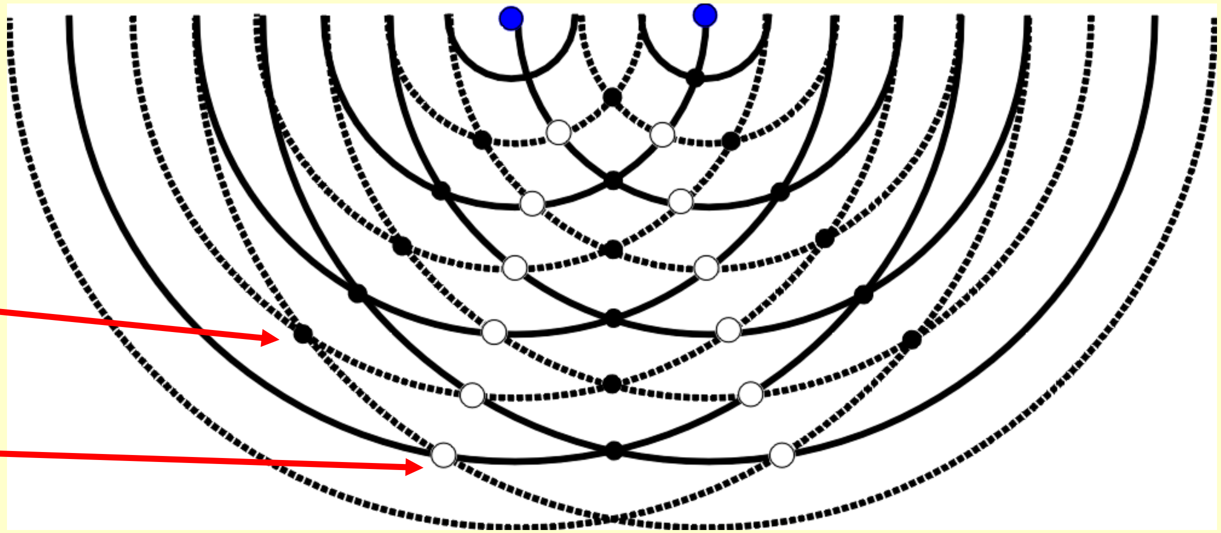
Medium 1 mit c_1

Medium 2 mit c_2

Interferenz:

Verstärkung

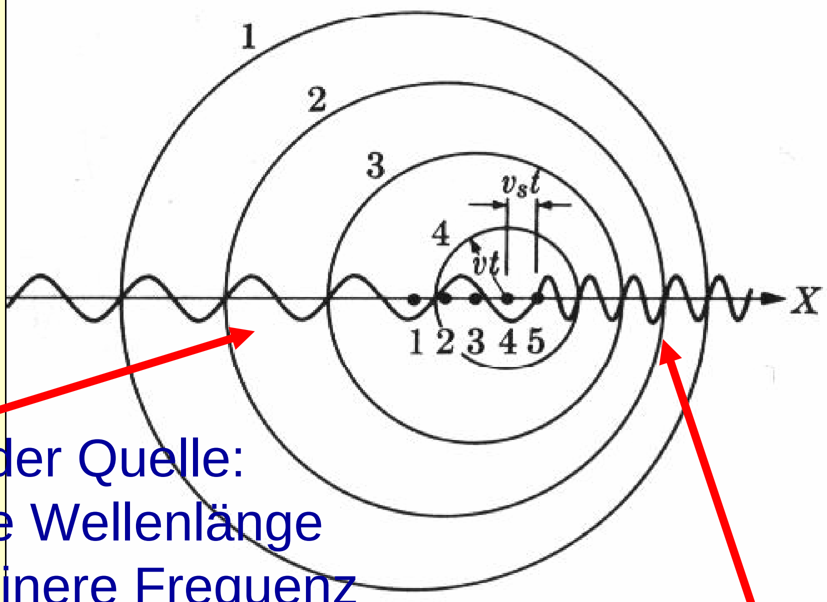
Auslöschung



Huygens-Fresnelsches Prinzip:
Der Schwingungszustand eines Punktes im Wellenfeld ist gegeben durch die Überlagerung sämtlicher Elementarwellen in diesem Punkt

Doppler-Effekt

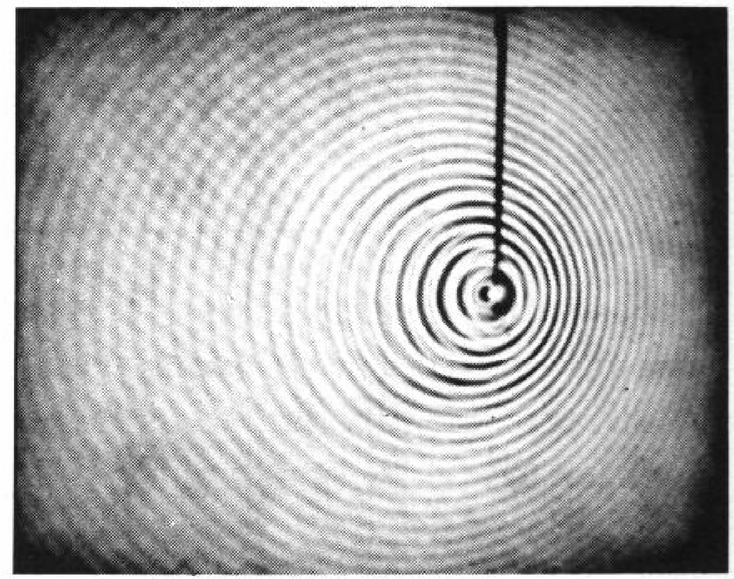
Betrachte eine im schwingungsfähigen Medium bewegte Quelle:



(a)

Hinter der Quelle:
größere Wellenlänge
d.h. kleinere Frequenz

Vor der Quelle:
kleinere Wellenlänge
d.h. größere Frequenz



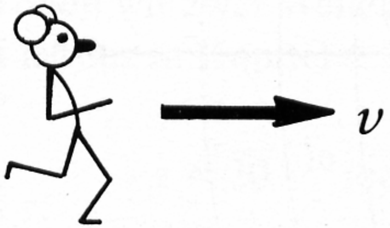
(b)

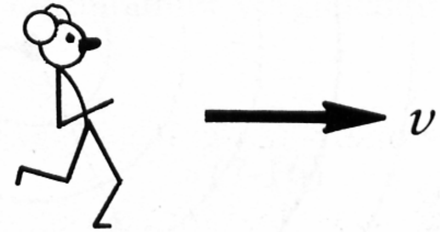
Demonstration
mit Wasserwellen

Christian Doppler 1803-1853

Doppler-Effekt 2

Bewegter Empfänger



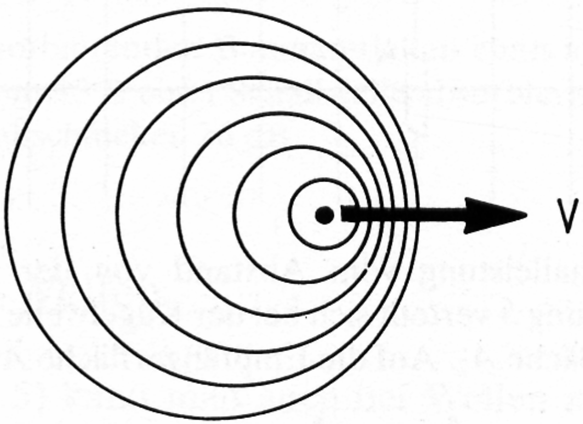


$$\nu'' = \nu_0 \left(1 + \frac{v}{c}\right)$$

Im Medium ruhende Quelle
Bewegte Beobachter

$$\nu' = \nu_0 \left(1 - \frac{v}{c}\right)$$

Bewegte Quelle



$$\nu' = \nu_0 \left(1 + \frac{v}{c}\right)^{-1}$$

Im Medium bewegte Quelle
Ruhende Beobachter

$$\nu'' = \nu_0 \left(1 - \frac{v}{c}\right)^{-1}$$

Weitere Stichpunkte

Fermatsches Prinzip:
Licht nimmt den schnellsten Weg (nicht den kürzesten!)
=> Erklärung der Dispersion

Stehende Wellen:
- insb. bei Reflexion an senkrechter Begrenzung
- Interferenz zwischen einlaufender und reflektierter Welle
- Knoten an geschlossenem Ende, Bauch an offenem Ende

Polarisation:
- Nur bei Transversalwellen!
- Lineare Polarisation, zirkulare (elliptische) Polarisation

Schallwellen: in Gasen Longitudinalwellen (Kompression und Verdünnung)

$$c = \sqrt{\kappa \frac{RT}{M_{mol}}}$$

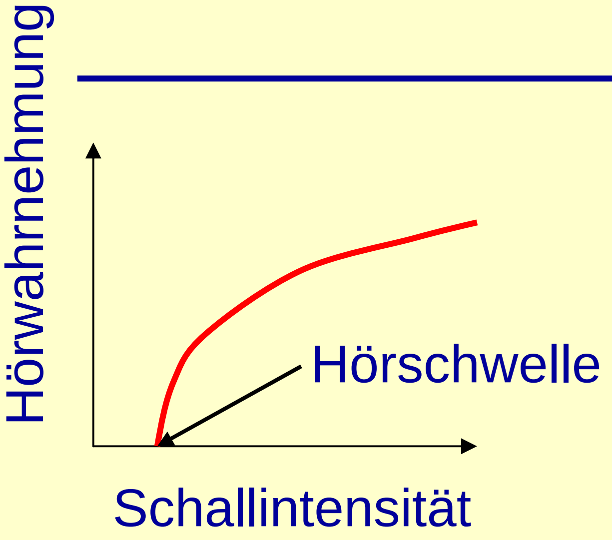
κ: Adiabatenkoeffizient = 7/5 für O_2 und N_2
R: Gaskonstante = 8.31 J/(mol K)
T: Gastemperatur (typ. 300 K)
M_{mol}: molare Masse = 29 g/mol für Luft

c = 347 m/s für Luft

Festkörper (20°C)	c in m/s	Flüssigkeiten (20°C)	c in m/s	Gase (0°C)	c in m/s
Aluminium	6260	Wasser	1483	Helium	965
Eisen	5860	Aceton	1192	CO_2	259
Gummi	1040	Glycerin	1923	Luft	331

Akustische Wellen zeigen keine Dispersion.

Audiogramm

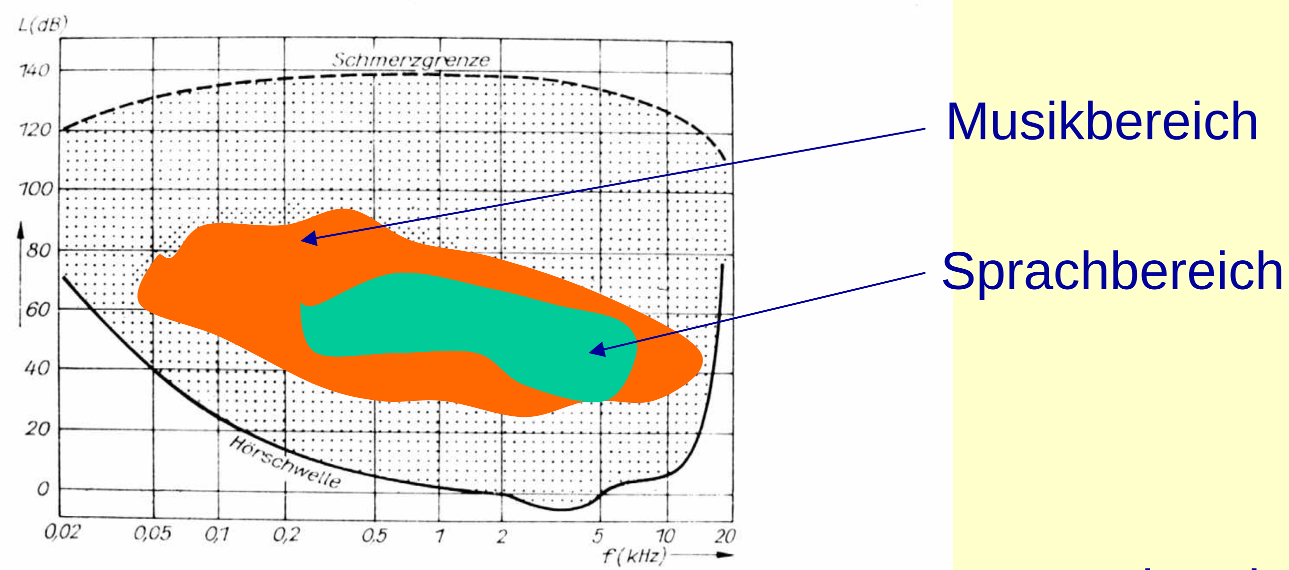


Weber-Fechnersches Gesetz:
Die Empfindungsstärke ist proportional dem Logarithmus der Reizstärke

Der Schallpegel L steigt logarithmisch mit der Schallintensität I (bzw. dem Schalldruck p)

$$L = 10 \log \frac{I}{I_0} = 20 \log \frac{p}{p_0}$$

Einheit dB (Dezibel)



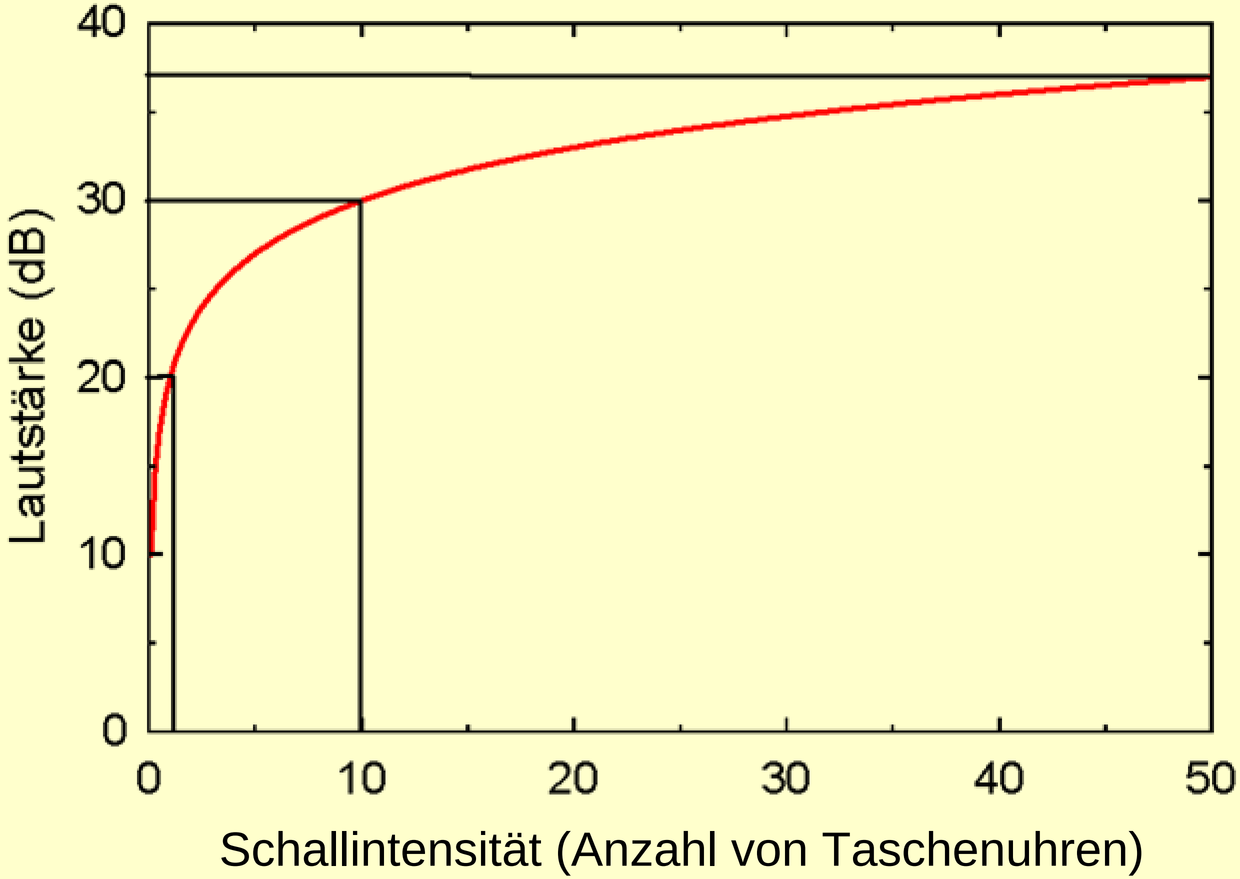
Hörfläche des Menschen. Das innere, dicht punktierte Gebiet ist der Bereich der Sprache, das größere, weniger dicht punktierte Gebiet, der Bereich der Musik (nach ZWICKER und FELDKELLER)

Hörbereich: 16 Hz – 20.000 Hz

Weber-Fechner

Weber-Fechnersches Gesetz:
Die Empfindungsstärke ist proportional dem Logarithmus der Reizstärke

$$L = 10\log\frac{I}{I_0} = 20\log\frac{p}{p_0}$$



Ultraschall-Anwendung

f=20 kHz – 1 GHz

Folgende Welleneigenschaften werden ausgenutzt:

• stoffspezifisches Absorptionsvermögen

→ Intensitätsänderung

• stoffspezifische Ausbreitungsgeschwindigkeit

→ stoffspezifische Laufzeit der Impulse

• Änderung des Wellenwiderstands

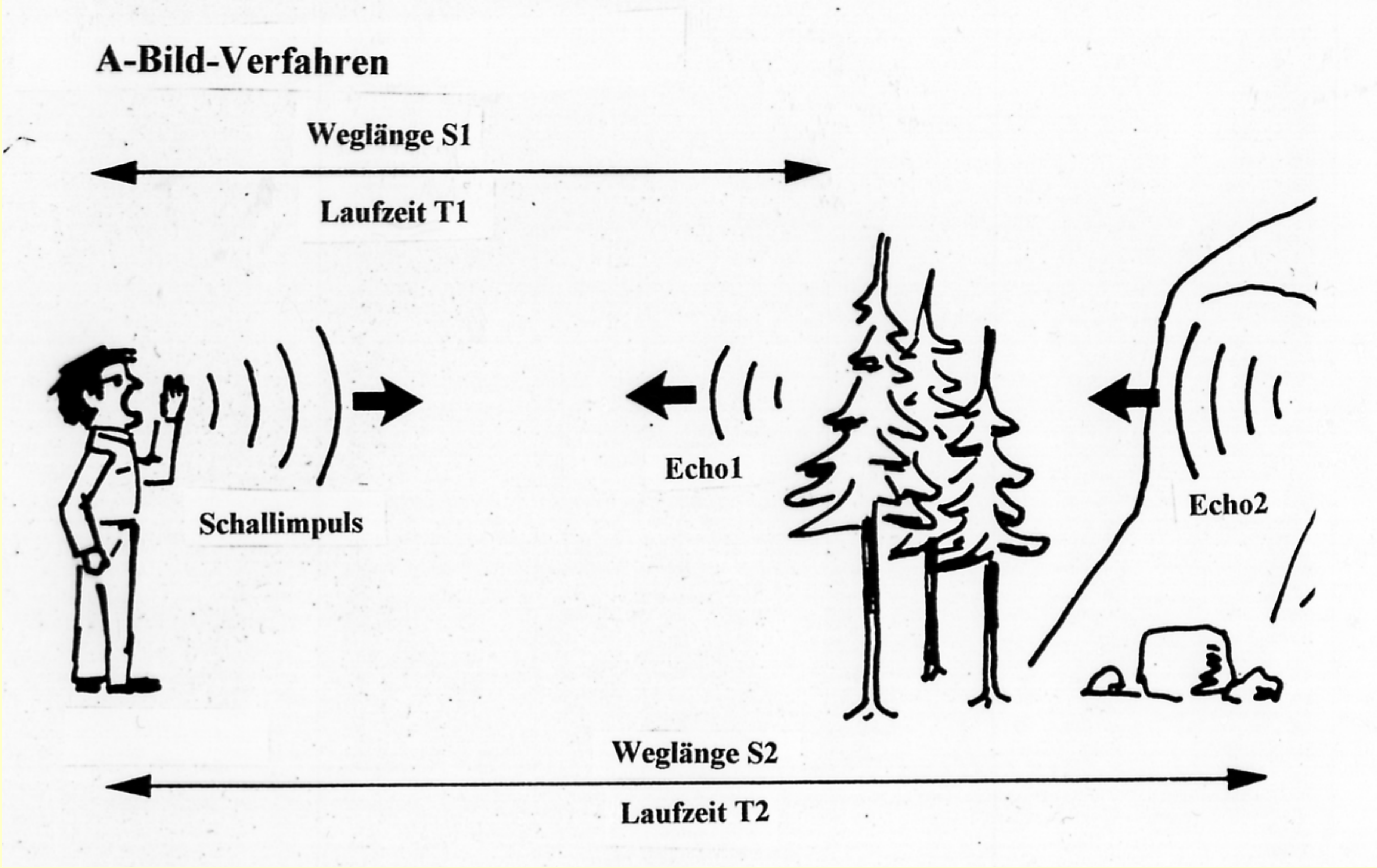
→ Reflexion

→ Laufzeit des reflektierten Signals entspricht der Tiefe der Grenzschicht

• Dopplereffekt

→ Bestimmung von Strömungsgeschwindigkeiten

Echolot


A-Bild-Verfahren
Weglänge S1
Laufzeit T1
Echo1
Echo2
Schallimpuls
Weglänge S2
Laufzeit T2